

ML 演習 第 2 回

おおいわ
April 16, 2002

今回の内容

- パターンマッチ
- Parametric Polymorphism
 - リスト
 - 多相関数
 - ユーザ定義データ型
 - レコード型
 - バリアント型
 - 多相データ型と多相関数

2

パターンマッチ (1)

- 入力データとパターンを照合する

```
# let rec fib v = match v with
  0 | 1 -> 1
  | x -> fib(x-1) + fib(x-2);;
val fib : int -> int = <fun>
```

3

パターンマッチ (2)

- 関数定義におけるパターンマッチ

```
# let f (x,y) = x + y;;
val f : int * int -> int = <fun>
# f (2,3);;
- : int = 5
```

4

パターンマッチ (3)

- 様々なパターン

- 整数
- ペア
- リスト・ユーザ定義型など(後述)
- これらの複雑な組み合わせ

5

パターンマッチ (4)

- マッチできない値のある場合の警告

```
# let flip x = match x with
  0 -> 1 | 1 -> 0;;
Warning: this pattern-matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:
2
val flip : int -> int
# flip 2;;
Uncaught exception: Match_failure ("", 13, 41).
```

6

リスト (1)

■ リストの基本要素

■ 空リスト

```
# [] ;;
- : 'a list = []
```

■ cons コンストラクタ

```
# 1 :: [] ;;
- : int list = [1]
# 1 :: (2 :: (3 :: [])) ;;
- : int list = [1; 2; 3]
```

7

リスト (2)

■ リストの操作 (1): cons と append

```
# let l1 = [1; 2; 3; 4; 5];
val l1 : int list = [1; 2; 3; 4; 5]
# -1 :: 0 :: l1;;
- : int list = [-1; 0; 1; 2; 3; 4; 5]
# l1 @ [6; 7];;
- : int list = [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7]
```

8

リスト (3)

■ リストの分解: パターンマッチを使う

```
# let rec sum l = match l with
  [] -> 0
  | hd :: tl -> hd + sum tl
val sum : int list -> int = <fun>
# sum [1; 2; 3; 4; 5];;
- : int = 15
```

1 :: [2; 3; 4; 5]

9

型多相とは (1)

■ 例1: リストの先頭要素を得る操作 hd

- int_hd: int list -> int
- bool_hd: bool list -> bool
- string_hd: string list -> string
- intpair_hd: (int * int) list -> int * int
- etc...

■ 操作は共通: let hd (h::t) = h
共通な定義は与えられない?

10

型多相とは (2)

■ 解決: 「型」についてパラメータ化する

- hd[α]: α list -> α
 - hd[int]: int list -> int
 - hd[string]: string list -> string
 - hd[int * bool]: (int * bool) list -> int * bool

■ ML では、 $[\alpha]$ の部分は明示しなくてよい
(型推論で自動的に解決)

11

多相関数 (1)

■ 例1: 恒等関数

型変数 α などは
'a, 'b, ... と表記する

```
# let id x = x;;
id : 'a -> 'a = <fun>
# id 1;;
- : int = 1;;
# id [true; false];;
- : bool list = [true; false]
# id sum;;
- : int list -> int = <fun>
```

12

多相関数 (2)

■ 例2: fst, snd : ペアの要素取り出し

```
# let fst (x, _) = x;;
val fst : 'a * 'b -> 'a = <fun>
# let snd (_, y) = y;;
val snd : 'a * 'b -> 'b = <fun>
```

cf. `_`: 何とでもマッチする匿名パターン
■ 適当な名前を考える代わりに `_` を使い
計算に使わないことを明示できる

13

多相関数 (3)

■ 例3: mk_list

```
# let rec mk_list n v =
  if n = 0 then []
  else v :: mk_list (n-1) v;;
val mk_list: int -> 'a -> 'a list
# mk_list 3 "1";;
- : string list = ["1"; "1"; "1"]
# mk_list 2 true;;
- : bool list = [true; true]
```

14

多相関数 (4)

■ 例3: rev : リストの反転

```
# let rev l =
  let rec iter s d = match s with
    [] -> d
    | (h::t) -> iter t (h::d)
  in iter l []
val rev: 'a list -> 'a list
# rev [1; 2; 3];;
- : int list = [3; 2; 1]
```

15

多相関数 (4')

■ 例3: rev (解説)

```
let rev l =
  let rec iter s d =
    match s with
    [] -> d
    | (h::t) ->
      iter t (h::d)
  in iter l []
```

```
let rev l =
  let rec iter s d =
    match s with
    [] -> d
    | (h::t) ->
      iter t (h::d)
  in iter l []
```

16

多相関数 (5)

■ 例4: : map (高階関数)

```
# let rec map f l = match l with
  [] -> []
  | hd :: tl -> f hd :: map f tl;;
val map : ('a -> 'b) ->
  'a list -> 'b list = <fun>
# map fib [1; 2; 3; 4; 5];;
- : int list = [1; 1; 2; 3; 5]
```

17

多相関数 (6)

■ 型の明示的な制限

```
# let f1 x = (x, x);;
val f1 : 'a -> 'a * 'a = <fun>
# let f2 (x:int) = (x, x);;
val f2 : int -> int * int = <fun>
# let f3 x = ((x, x):int * int);;
val f3 : int -> int * int = <fun>
# f3 "string"
This expression has type string ...
```

18

独自データ型の定義

- レコード (record)
 - 複数の値の組の型
 - C 言語の struct に相当
- バリアント (variant)
 - 複数の値の種類のうち1つを値とする型
 - C 言語の enum, union, cast などの組み合わせに相当
 - 操作の安全性をきちんと保証してくれる

19

レコード型 (1)

- 例: 複素数の直交座標表示

```
# type complex =
  { re : float; im : float};;
type complex =
  { re : float; im : float; }
# let c1 = {re = 5.0; im = 3.0};;;
val c1 : complex
  = {re=5.000000; im=3.000000}
# c1.re;;
- : float = 5.000000
```

20

レコード型 (2)

- パターンマッチング
- ```
let add_comp
 {re=r1; im=i1} {re=r2; im=i2}
 = {re = r1 +. r2; im = i1 +. i2};;
val add_comp = complex -> complex
 -> complex = <fun>
add_comp c1 c1;;
- : complex
 = {re=10.000000; im=6.000000}
```

21

## バリアント型 (1)

- 例1: 整数をノードにもつ木

```
type itree = Leaf
 | Node of int * itree * itree;;
type itree = Leaf
 | Node of int * itree * itree
Leaf;;
- : itree = Leaf
Node(5,Leaf,Leaf);;
- : itree = Node (5, Leaf, Leaf)
```

22

## バリアント型 (2)

- 木のノードの値の合計を求める関数
- ```
# let rec sum_itree t = match t with
  Leaf -> 0 | Node(a,t1,t2) ->
    a + sum_itree t1 + sum_itree t2;;
val sum_itree : itree -> int = <fun>
# sum_itree Leaf;;
- : int = 0
# sum_itree
  (Node(4,Node(5,Leaf,Leaf),Leaf));;
- : int = 9
```

23

多相データ型とは (1)

- 例2: 一般の「木」とは?

- itree = Leaf | Node of int * itree * itree
- btree = Leaf | Node of bool * btree * btree
- ibtree = Leaf |
 Node of (int * bool) * ibtree * ibtree

■ 多相関数と同じような考え方が出来ないか?

24

多相データ型とは (2)

■ 再び「型に関するパラメータ化」

▪ 一般型

- α tree = Leaf | Node of α * α tree * α tree
- int tree = Leaf | Node of int * int tree * int tree
- bool tree = Leaf | Node of bool * bool tree * bool tree
- ...

25

多相データ型 (1)

■ 例2: 要素をノードにもつ木

```
# type 'a tree = Leaf | Node of
  'a * 'a tree * 'a tree;;
type 'a tree = Leaf | Node of
  'a * 'a tree * 'a tree
# Node(5,Leaf,Leaf);;
- : int tree = Node (5, Leaf, Leaf)
# Node("ocaml",Leaf,Leaf);;
- : string tree =
  Node ("ocaml", Leaf, Leaf)
```

26

多相データ型 (2)

■ システム組み込みの多相バリエント型

- α option = None | Some of α
 - 「ないかもしれない」データを表す型
 - C では NULL ポインタの利用が一般的
- α list = [] | :: of α * α list
 - 構文的にはちょっと特殊

27

多相データ型と多相関数

■ (例) tree の深さを計算する関数

```
# let rec depth t = match t with
  Leaf -> 0 | Node(_,t1,t2) ->
    let d1 = depth t1 in
    let d2 = depth t2 in
    1 + (if d1 > d2 then d1 else d2);;
val depth : 'a tree -> int = <fun>
# depth(Node(5,Node(4,Leaf,Leaf),Leaf));;
- : int = 2;
```

28

その他の構文 (1)

■ 関数を作る構文 (1)

- fun(), let() → 多引数関数と1つのパターン
 - # (fun x y -> x + y) 2 3;;
- : int = 5
 - # let f x y = x + y;;
val f : int -> int -> int = <fun>
f 2 3;;
- : int = 5

29

その他の構文 (2)

■ 関数を作る構文 (2)

- function: 1引数だが複数パターン
 - # let isnull = function
[] -> true | _ -> false;;
val isnull : 'a list -> bool = <fun>
 - # let rec map f = function
[] -> []
| hd::tl -> f hd :: map f tl;;
val map : ('a -> 'b) ->
'a list -> 'b list = <fun>

30

その他の構文 (3)

■ コメント

- (* と *) の間

```
# 1 + (* this is comment *) 2;;
- : int 3
```

- 入れ子にできる

```
# 1 + (* 2 + (* 3 + *) 4 + *) 5;;
- : int = 6
```

31

その他の構文 (4)

■ 中置演算子について

- 実体は通常の2変数関数

- () で括ると通常の値として使える

```
# (*);;
- : int -> int -> int = <fun>
# (* ) 5 3;;
- : int = 15
```

32

課題1

■ 引数の2リストを連結したリストを返す 関数 append: α list \rightarrow α list \rightarrow α list を @ を使わずに定義せよ。

```
# append [1; 2] [3; 4; 5];
- : int list = [1; 2; 3; 4; 5]
```

33

課題2

■ 判定関数とリストを受け取り、元のリ ストの要素のうち条件を満たす要素だ けからなるリストを生成する関数 filter: ($\alpha \rightarrow \text{bool}$) \rightarrow α list \rightarrow α list を定義せよ。

```
# filter odd [1; 2; 3; 4; 5];
- : int list = [1; 3; 5]
```

34

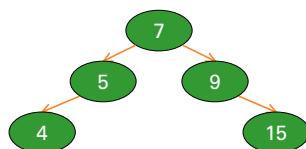
課題3

■ 木 (α tree) を受け取り深さ優先探索で、 全要素を並べたリストを生成する関数 dfs: α tree \rightarrow α list を定義せよ。

35

課題3 (例)

```
# dfs(Node(7,
    Node(5,Node(4,Leaf,Leaf),Leaf),
    Node(9,Leaf,Node(15,Leaf,Leaf))));;
- : int list = [7; 5; 4; 9; 15]
```



36

課題4 (optional)

- 2項演算子 \oplus と零元 z とリスト $[a_1; a_2; \dots; a_n]$ を受け取り、右結合で結合させた結果 $a_1 \oplus (a_2 \oplus (\dots \oplus (a_n \oplus z) \dots))$ を返す関数 $\text{foldr}: (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \beta) \rightarrow \beta \rightarrow \alpha \text{ list} \rightarrow \beta$ を定義せよ。
foldr (+) 0 [1; 2; 3; 4; 5];
- : int = 15

37

課題4 (例)

```
# let flatten x = foldr (@) [] x;;
flatten : 'a list list -> 'a list
# flatten [[1;2]; [3;4]; [5;6;7]];;
- : int list = [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7]
# let filter f x = foldr
  (fun x y -> if f x then x::y else y)
  [] y;;
filter : 'a list -> 'a list
```

38

課題5 (optional)

- 課題3 (例) の木は、左の枝に含まれる要素はノードの値より小さく、右の枝に含まれる要素はノードの大きくなっている。このような木を2分探索木といふ。
- 2分探索木と新たな要素を与えられて、この要素を追加した木を返す関数 $\text{add_bst}: \alpha \rightarrow \alpha \text{ tree} \rightarrow \alpha \text{ tree}$ を定義せよ。

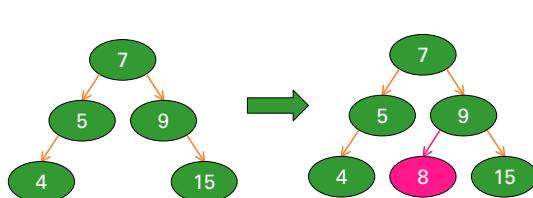
39

課題5 (例1)

```
# add_bst 8 (Node(7,
  Node(5,Node(4,Leaf,Leaf),Leaf),
  Node(9,Leaf,Node(15,Leaf,Leaf))));;
- : int tree =
Node
  (7, Node (5, Node (4, Leaf, Leaf),
             Leaf),
   Node (9, Node (8, Leaf, Leaf),
         Node (15, Leaf, Leaf)))
```

40

課題5 (例2)



41

課題の提出方法

- To: ml-report@yl.is.s.u-tokyo.ac.jp
- Subject: Report 2 xxxxx (学生証番号)
- できるだけプログラムは本文に直接書いてください
- 〆切: 2002年4月30日(火) 13:00

42