

ML 演習 第 6 回

おおいわ

May 20, 2003

今回の内容

- 補足
 - デバッグ環境
 - 標準出力
- ML風言語のインタプリタ (その2)
 - 式の評価順序と評価結果

2

デバッグ環境

- ocamli インタプリタ
 - `#trace func;;` で `func` の呼び出しを監視
 - `#untrace func;;` で監視を解除
- ocamldump
 - コンパイルされた実行ファイルに対してソースレベルデバッグを実現
 - emacs との協調が可能
 - 後退実行のサポート

3

標準出力関係

- print_int, print_string, print_float, print_char:
それぞれの型の値を出力
- print_newline: 改行
- print_endline: 文字列を出力し改行
- Printf.printf: C 言語の printf 相当
 - 引数はきちんと型チェックされる
 - printf 用のちょっと特殊な型規則が存在
- その他はマニュアルを参照

4

式の評価順序 (1)

- 関数型言語の性質:
 - 基本的には評価順は評価結果に影響しない
 - 例外1: 副作用の存在
 - 例外2: 止まらないプログラム
- let rec iter x = iter x in fst (5, iter x)

5

式の評価順序 (2)

- 代表的な3つの評価戦略
 - Call by Value (値渡し)
 - Call by Name (名前渡し)
 - Call by Need (遅延評価)

6

Call by Value (1)

■ 関数などの引数を適用の前に評価

- $\text{fib } (1 + 1) \rightarrow \text{fib } 2 \rightarrow$
 $\text{if } 2 < 2 \text{ then } 1 \text{ else fib } (2 - 1) + \text{fib } (2 - 2)$
 $\rightarrow \text{if false then } 1 \text{ else fib } (2 - 1) + \text{fib } (2 - 2)$
 $\rightarrow \text{fib } (2 - 1) + \text{fib } (2 - 2)$
 $\rightarrow \text{fib } 1 + \text{fib } (2 - 2)$
 $\rightarrow (\text{if } 1 < 2 \text{ then } 1 \text{ else ...}) + \text{fib } (2 - 2)$
 $\rightarrow^* 1 + \text{fib } (2 - 2) \rightarrow 1 + \text{fib } 0$
 $\rightarrow^* \underline{1 + 1} \rightarrow 2$

7

Call by Value (2)

■ 利点

- 高速な実装が可能
 - ほとんどの値は計算中に即値として現れる
- 評価順がわかりやすい
 - 副作用が扱いやすい

8

Call by Value (3)

■ 欠点

- 結果が定まっている式の評価が止まらないことがある
 $\text{let rec loop } x = \text{loop } x \text{ in fst } (5, \underline{\text{loop } x}) \rightarrow \text{発散}$
- 対策: いくつかの special form を用意
 - if は条件節と必要な方の節しか評価しない
 - if は関数ではない
 - ||, &&, ; なども同様

9

Call by Value (4)

■ 評価順序の制御

- λ 抽象は評価順の制御に使える
 - $\text{let if_f } b \ x \ y = \text{if } b \text{ then } x \text{ else } y$
 - $\text{if_f true } 5 \ (\underline{\text{loop } x}) \rightarrow \text{発散}$
- $\text{let if_d } b \ x \ y = \text{if } b \text{ then } x () \text{ else } y ()$
- $\text{if_d true } (\text{fun } () \rightarrow 5) \ (\text{fun } () \rightarrow \text{loop } x)$
 $\rightarrow^* \text{if true then } (\text{fun } () \rightarrow 5) () \text{ else } (\text{fun } () \rightarrow \text{loop } x) ()$
 $\rightarrow (\text{fun } () \rightarrow 5) () \rightarrow 5$

10

Call by Name (1)

■ 外側の関数適用を引数より先に評価

- $\text{let f } x = x * x \text{ in f } (5 + 3)$
 $\rightarrow \underline{f } (5 + 3)$
 $\rightarrow (5 + 3)^* (5 + 3)$
 $\rightarrow 8 * \underline{(5 + 3)}$
 $\rightarrow 8 * 8$
 $\rightarrow 64$

11

Call by Name (2)

■ 利点

- 計算能力が高い
 - Call by Value で評価可能なものは評価可能
 - さらに $\text{let rec loop } x = \text{loop } x \text{ in fst } (5 + 3, \text{loop } x)$
 $\rightarrow \underline{\text{fst } (5 + 3, \text{loop } x)} \rightarrow 5 + 3 \rightarrow 8$
- if も通常の組み込み関数として定義可能
 - $\text{let (if) } b \ x \ y = \{ \text{if } b \text{ を評価し } x \text{ か } y \text{ を返す } \}$
 - $\text{(if) true } (5 + 3) \ (\text{loop } x) \rightarrow^* 5 + 3 \rightarrow 8$

12

Call by Name (3)

■ 欠点

- 実装が遅くなる
 - 常に「式」の形で評価を進める必要がある
- 同じ式を何回も評価する
- 式の評価回数やタイミングが制御困難
 - 副作用がある言語では使いづらい

13

Call by Need (1)

■ 外側の関数適用を先に評価

■ 同じ式は1回だけ評価、結果を使い回す

■ let $f x = x * x$ in $f(5 + 3)$
→ $f(5 + 3)$
→ $(5 + 3)$ * $(5 + 3)$ # 2つの $(5+3)$ は同一
→ $8 * 8$
→ 64

■ cf. "Haskell" (Call by need な関数型言語)

14

Call by Need (2)

■ 利点

- 計算能力が高い (call by name と同じ)
- 1つの式の評価は1回で済む

■ 欠点

- 実装が遅くなる
- 式の評価タイミングは依然制御困難
 - Sharing があるのでさらに複雑に

15

遅延評価の実装 (1)

■ module Delayed: Call by Name の実現

- delay : 遅延評価される式を表すオブジェクトを生成
 - 使い方: delay (fun () -> 式)
- force : delay された式の実際の値を得る

16

遅延評価 (2)

■ 例 (1)

```
# let eager_if b x y = if b then x else y;;
val lazy_if : bool → 'a → 'a → 'a = <fun>
# let rec eager_fact x =
  eager_if (x = 0) (1) (x * eager_fact (x - 1));;
val eager_fact : int → int = <fun>
# eager_fact 10;;
(*止まらない...*)
```



17

遅延評価 (3)

■ 例 (2): if の2つの選択肢を遅延評価

```
# open Delayed;;
# let lazy_if b x y = if b then (force x) else (force y)
val lazy_if : bool → 'a Delayed.delayed →
  'a Delayed.delayed → 'a = <fun>
# let lazy_fact x = lazy_if (x = 0) (delay (fun () -> 1));
  (delay (fun () -> x * lazy_fact (x - 1)));;
val lazy_fact : int -> int = <fun>
# lazy_fact 10;;
- : int = 3628800
```

18

課題1

- module Delayed を Call by need semantics で再実装せよ。

- 1回 force された値を記憶しておき、同じ値が2回以上 force された場合でも評価が1回しか起こらないようにする。
- 現状:
 - let p = delay (fun () -> print_endline "eval!"; 5 + 3) in (force p) * (force p) とやると eval! が2回表示される。

19

課題1 (ヒント)

- データ構造: Reference Cell
 - 評価される前の値 : unit $\rightarrow \alpha$
 - 評価された後の値 : α
- を格納できる reference を作って前者を一回評価したら後者に書き換える
- global な記憶を作る戦略はうまくいかない
 - 型が違う delayed value を扱えない

20

課題2

- 遅延(無限)リストを表現する module Sequence を実装せよ。

- tail 部分を遅延させます。
 - head: $\alpha \text{ seq} \rightarrow \alpha$ 先頭要素を取得
 - tail: $\alpha \text{ seq} \rightarrow \alpha \text{ seq}$ 先頭を除いた Seq.
 - nil: $\alpha \text{ seq}$ 空 Sequence
 - cons: $\alpha \rightarrow \alpha \text{ seq delayed} \rightarrow \alpha \text{ seq}$
 - take: $\alpha \text{ seq} \rightarrow \text{int} \rightarrow \alpha \text{ list}$
 - take s n : s の先頭最大 n 要素を取り出す

21

課題3 (optional)

- 前回のインタプリタを Call by need で再実装せよ。
 - データ構造は任意です: 必ずしもプリントの type lazymlvalue に従わなくていいです。
 - データ型を変えた際は make clean; make で Reader などを作り直してください。

22

課題3 (ヒント)

■ 戦略

- force \rightarrow 式の形を見ながら今すぐに必要なところだけを評価
 - Primitive: 引数がすべて必要
 - Cons, Pair: 引数は delay されていてよい
 - Apply: 左辺の値(入式)が必要
 - Match: パターンマッチに必要な部分だけは force されていないといけない
 - 変数や _ にマッチする部分は force しなくてよい

23

提出方法

- 截切: 2003年6月3日(火) 13:00
- 提出先: ml-report@yl.is.s.u-tokyo.ac.jp
- 題名: Report 6 (学生証番号)

24